

Definizione Data una funzione $f(x)$ definita e derivabile in un intervallo I , un punto x_0 appartenente all'intervallo e indicato con $y=t(x)$ la retta tangente alla funzione nel punto x_0 :

- Diremo che la funzione è **concava verso l'alto** in x_0 se esiste un intorno I_{x_0} di x_0 tale che $f(x) > t(x)$ per ogni x dell'intorno I_{x_0} escluso x_0 (in simboli $f(x) > t(x) \quad \forall x \in I_{x_0}$)
- Diremo che la funzione è **concava verso il basso** in x_0 se esiste un intorno I_{x_0} di x_0 tale che $f(x) < t(x)$ per ogni x dell'intorno I_{x_0} escluso x_0 (in simboli $f(x) < t(x) \quad \forall x \in I_{x_0}$)

Definizione Data la funzione $f(x)$ definita e continua in un intervallo I , si dice che x_0 è **punto di flesso** se in tale punto il grafico di $f(x)$ cambia di continuità.

Teorema 4

Sia $y=f(x)$ una funzione definita e continua in un intervallo I e che ammetta derivate prima e seconda continue. Sia x_0 un punto di I :

- se $f''(x_0) > 0$ allora la funzione è *concava verso l'alto*
- se $f''(x_0) < 0$ allora la funzione è *concava verso il basso*.