



Estudios Gerenciales

ISSN: 0123-5923

estgerencial@icesi.edu.co

Universidad ICESI

Colombia

Buenaventura Vera, Guillermo
LA TASA DE INTERÉS: INFORMACIÓN CON ESTRUCTURA
Estudios Gerenciales, núm. 86, enero-marzo, 2003, pp. 39-50
Universidad ICESI
Cali, Colombia

Disponible en: <http://www.redalyc.org/articulo.oa?id=21208603>

- Cómo citar el artículo
- Número completo
- Más información del artículo
- Página de la revista en redalyc.org

redalyc.org

Sistema de Información Científica

Red de Revistas Científicas de América Latina, el Caribe, España y Portugal

Proyecto académico sin fines de lucro, desarrollado bajo la iniciativa de acceso abierto

LA TASA DE INTERÉS: INFORMACIÓN CON ESTRUCTURA

GUILLERMO BUENAVENTURA VERA

Profesor de tiempo completo de la Universidad ICESI; Magíster en Ingeniería Industrial y Sistemas, Universidad del Valle; Magíster en Administración de Empresas; Eafit-Icesi; Especialista en Finanzas, Universidad del Valle; Ingeniero Químico, Universidad del Valle.
buenver@icesi.edu.co

Fecha de recepción: 13-11-2002

Fecha de aceptación: 10-3-2003

RESUMEN

Partiendo de la naturaleza de la tasa de interés se describen las diferentes formas de nombrarla y se emplea el concepto de equivalencia del valor del dinero en el tiempo, para desarrollar los modelos de conversión de tasas. El tratamiento deductivo es riguroso, pero se ejemplifica cada caso.

Se hace una presentación estructurada del desarrollo, al punto de establecer un procedimiento nemotécnico para abordar en forma sencilla la secuencia de modelos y fórmulas de conversión.

Finalmente se presenta una forma alterna de nominación de las tasas y su equivalencia con la correspondiente al desarrollo del artículo.

PALABRAS CLAVES

Equivalencia, valor del dinero en el tiempo.

Clasificación: B

ABSTRACT

Interest rate can be expressed in different forms. In this paper, the concept of equivalence in the time money value theory is applied to develop the relationships between the different forms of expressing interest rates, including anticipated interest rates. A visual procedure is included to follow the appropriate set of conversion formulas.

There is not a standard mode to denote each form of interest rate. The treatment in the paper is based on the classical system to denote forms of interest rates, but the equivalence with an alternative system, the commercial forms, is showed additionally.

KEY WORDS

Time Money Value, Equivalence, Interest rate.

1. INTRODUCCIÓN

Poder comparar entre sí tasas de diferentes nominaciones, tener la posibilidad de entender la información pública sobre tasas de interés, estar en capacidad plena de tomar decisiones sobre alternativas de financiación y aun de inversión, son posibilidades que se tienen a través de la cabal interpretación y la habilidad de manejo de las tasas de interés.

En esta presentación se busca la claridad conceptual del tema fundamentada en los procedimientos de conversión de tasas de interés. El artículo basa su tratamiento matemático en el concepto de equivalencia del valor del dinero en el tiempo, el cual establece que un monto de dinero no conserva su valor a lo largo del tiempo, pero que, involucrando apropiadamente una tasa de interés, se hace posible calcular los montos equivalentes a él en todo momento. Basado en este desarrollo se establecen las relaciones matemáticas entre las diferentes denominaciones de la tasa de interés.

Adicionalmente se desarrolla la ruta de equivalencia de tasas como un método nemotécnico de aplicación. Los procedimientos establecidos enfocan el manejo de modelos mediante la calculadora científica, lo que representa la condición más demandante pero más sólida de comprensión, condición también necesaria para la utilización amplia y certera de la calculadora financiera. Sin embargo, el manejo de una calculadora financiera se ve mucho mejor asistido cuando se conecta conceptualmente con el enfoque que se presenta en el documento, ya que es éste precisamente el que subyace en sus algoritmos.

2. MANEJO DE LAS TASAS DE INTERÉS

2.1 Concepto de tasa de interés

La tasa de interés representa el importe del alquiler del dinero. Dado que los montos de intereses son dinero lo mismo que el capital, este importe se presenta normalmente como un porcentaje que se aplica al capital por unidad de tiempo; a este valor se le denomina *tasa de interés*.

Para poder aplicar las fórmulas de equivalencia de cifras de dinero en el tiempo, es necesario que la base del tiempo para la tasa de interés aplicada coincida con el período o longitud del intervalo de la línea del tiempo entre momentos consecutivos. A esta presentación de la información del interés se le llama *tasa periódica*.

El período puede ser finito (día, mes, bimestre, trimestre, semestre, año, etc.) o infinitesimal (cuando tiende a cero), en cuyo caso el tratamiento toma el nombre de interés continuo, y es asistido por una serie de formulaciones que no se tratarán en este documento por considerarlo un tema muy especializado y de poca utilización en nuestro medio.

Además de contar con la información del interés en tasas periódicas se pueden manejar otras formas, como la tasa nominal y la tasa efectiva, las cuales se discuten enseguida.

2.2 Naturaleza de las tasas de interés

La declaración de una tasa de interés lleva implícitos dos elementos:

Causación: Informa el momento en el cual el interés se causa o tiene lugar según se haya estipulado en el contrato o por el negocio en

cuestión. Aquí el monto de interés se calcula y se da por cierto, pero no necesariamente se cancela sino que se puede acumular aditivamente (interés simple, si se acumula sin capitalizarse) o se puede capitalizar (interés compuesto).

Capitalización: Informa el momento en el cual el interés calculado o acumulado aditivamente se lleva a capital, o sea, se capitaliza.

Rigurosamente no tiene que existir coincidencia entre los períodos de causación y de capitalización (puede pensarse, por ejemplo, en una tasa de interés del 2% mensual capitalizable trimestralmente); sin embargo, y tal vez por lo imprácticos que se tornarían los cálculos en ese ambiente, se tiene prácticamente en la totalidad de las situaciones una coincidencia de los dos períodos, en cuyo caso se le denomina período de *composición*:

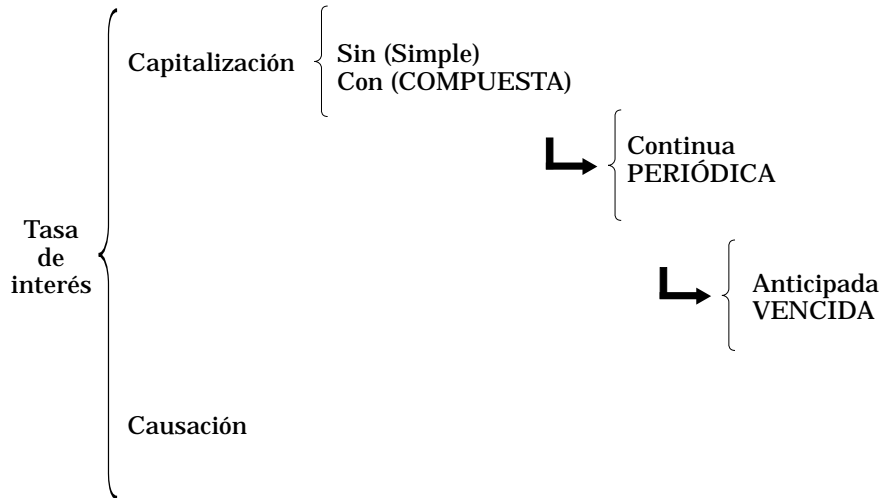
Componer = Causar y Capitalizar

Nótese que en el caso de interés simple no hay capitalización y por lo tanto no hay composición, sólo existe causación. El interés compuesto, por el contrario, se construye sobre el concepto de composición:

Interés simple → Causación

Interés compuesto → Composición { Causación
Capitalización

Aún hay más consideraciones; desde el ángulo de la causación, el interés puede exigirse al *vencimiento* o *anticipadamente*, según se estipule en el contrato (así como el canon de arrendamiento se acostumbra cobrar anticipadamente o el salario se acostumbra pagar al vencimiento del período), con lo que se puede resumir la naturaleza del interés en el siguiente esquema:



En la práctica, los modos que se presentan con letras mayúsculas en el esquema anterior son clásicos y se entienden «por defecto»; es decir, si una tasa no se declara simple se entiende COMPUESTA; si no se declara continua se entiende PERIÓDICA; si no se declara anticipada se entiende VENCIDA.

2.3 Denominaciones de la tasa de interés

Según la manera como una tasa de interés proponga la información se le denomina de una de estas tres maneras:

Periódica: La tasa corresponde al período de composición (% por día, mes, bimestre, trimestre, semestre, año, etc.). Algunos sectores la conocen como tasa efectiva periódica (efectiva diaria, efectiva mensual, efectiva trimestral, etc.), pero aquí se denominará simplemente tasa periódica.

Nominal: Es la expresión anualizada de la tasa periódica, contabilizada por acumulación simple de ella.

Efectiva: Es la expresión equivalente de una tasa periódica en la que el período se hace igual a un año y la causación siempre se da al vencimiento. Algunos sectores emplean el nombre de tasa efectiva para aplicarla a un período distinto del año (efectiva diaria, efectiva mensual, efectiva trimestral, etc.), pero aquí no se empleará esta denominación, la cual la llamaremos simplemente tasa periódica. La tasa efectiva se conoce también como tasa efectiva anual,

tasa anual efectiva o aun tasa anual.

Adicionalmente, como ya se indicó, la tasa debe definir la forma en que se causa el interés:

Anticipada: Cuando el interés se causa en forma anticipada en el período. Cabe anotar que la Tasa Efectiva no puede darse, por definición, en forma anticipada, es decir **no** existe una tasa efectiva anticipada.

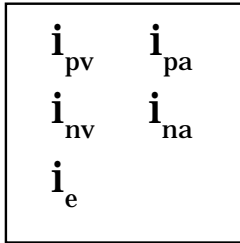
Vencida: Cuando el interés se causa en forma vencida en el período. Cabe anotar que la tasa efectiva es siempre vencida y por lo tanto esta última palabra se omite en su declaración.

2.4 Clases de tasas de interés

De acuerdo con lo tratado en el numeral anterior, se pueden emplear cinco clases de tasa de interés:

- Tasa **periódica** vencida de interés, que expresa la forma de interés periódico vencido.
- Tasa **periódica** anticipada de interés, que expresa la forma de interés periódico anticipado.
- Tasa **nominal** vencida de interés, que expresa la forma de interés nominal vencido.
- Tasa **nominal** anticipada de interés, que expresa la forma de interés nominal anticipado.
- Tasa **efectiva** de interés, que expresa la forma de interés efectivo.

En resumen, la notación de estas clases de tasas para efectos de la exposición en este documento es la siguiente:



- i_{pv} = Tasa de interés periódico vencido (% por periodo vencido)
- i_{pa} = Tasa de interés periódico anticipado (% por período anticipado)
- i_{nv} = Tasa de interés nominal vencido (% anual, compuesto por período vencido)
- i_{na} = Tasa de interés nominal anticipado (% anual, compuesto por período anticipado)
- i_e = Tasa de interés efectivo (% anual efectivo)

2.5 Declaración de las tasas de interés

Cuando se lee una tasa de interés, normalmente no se encuentra expresada con palabras la modalidad de la cual se trata; ésta se obtiene de la información que acompaña a las cifras de porcentaje, usualmente en siglas.

Ejemplo: 30% a.m.v. representa una tasa de interés del 30% anual compuesto mensualmente y causada al vencimiento de cada período.

La información se estructura en Campos y en Siglas siguiendo al signo de porcentaje (%):

2.5.1 Campos

Tasas nominales

El primer campo siempre tendrá una **a** o la palabra **anual**, estableciendo que es una tasa anualizada.

El segundo campo lleva la sigla o la palabra correspondiente al período de composición (por ejemplo **m** o **mensual**, significando que el período de composición corresponde al mes).

El tercer campo contiene la información correspondiente al momento de causación del interés; llevará una **a** (o la palabra **anticipado**) si el interés es anticipado, o una **v** (o la palabra **vencido**), o simplemente se deja vacío (información «por defecto») si el interés es vencido.

Ejemplo: 24% a.b.v. representa un interés del 24% anual compuesto bimestralmente al vencimiento.

30% a.s.a. representa un interés del 30% anual compuesto semestralmente y causado anticipadamente, o sea, al comienzo de cada período.

26% a.m. representa un interés del 26% anual compuesto mensualmente al vencimiento.

Tasas periódicas

No llevan el primer campo de las tasas nominales, o sea, **no** tienen la sigla **a** o la palabra **anual** siguiendo al signo de porcentaje (%), porque no son tasas anualizadas. Los dos campos subsiguientes tienen la misma connotación de los campos segundo y tercero de las tasas nominales.

Ejemplo: 4% b.v. representa un interés periódico vencido del 4%, con un período equivalente al bimestre.

15% s.a. representa un interés del 15% semestral, causado al comienzo de cada semestre.

2,2% m. representa un interés periódico del 2,2% mensual, causado al vencimiento de cada mes.

Tasa efectiva

Se reconoce que una tasa es efectiva cuando sólo tiene una de estas siglas:

e.a., a.e., a., e.

Ejemplo: Son declaraciones de tasas efectivas anuales:

23% a.e.

20% a.

30% e.a.

28% e.

2.5.2 Siglas

Tasa efectiva

Una tasa se denota efectiva si después del signo de porcentaje lleva una de estas siglas:

e.a.

a.e.

e. solamente

a. solamente

Tasas nominales y periódicas

Una tasa es nominal o es periódica si se determina con siglas diferentes a las consignadas inmediatamente antes.

Primer campo:

a. = significa que la tasa es anualizada (nominal).

anual = significa que la tasa es anualizada (nominal).

Otra sigla = significa que la tasa es periódica.

Segundo campo (o primer campo, si la tasa es periódica, es decir no lleva la sigla de anualización): Determina el período de composición:

d. = diario

m. = mensual

b. = bimestral

t. = trimestral

s. = semestral

a. = anual

día = diario

mes = mensual

bimestre = bimestral

trimestre = trimestral

semestre = semestral

anual = anual

Tercer campo (o segundo campo, si la tasa es periódica, es decir no lleva sigla de anualización). Determina el modo de causación:

a. = anticipadamente

v. = al vencimiento

Si se omite = al vencimiento

Ejemplo:

22% e.a. significa 22% efectiva anual

23% a.m.v. significa 23% anual mes vencido

24% a.b.a. significa 24% anual bimestre anticipado

25% a.s. significa 25% anual semestre vencido

6% t.v. significa 6% trimestral vencido

2% m.a. significa 2% mensual anticipado

2.6 Equivalencia de las tasas de interés

2.6.1 Tasa periódica y tasa nominal

Como una herencia de tratamiento en interés simple, y coincidiendo con él, la tasa nominal en el contexto de interés compuesto representa la anualización de la tasa periódica por acumulación simple de esta en cada período. Por lo tanto, la tasa nominal se obtiene multiplicando la tasa periódica por el respectivo número de períodos contenidos en el año; si la tasa periódica es anticipada, la tasa nominal también lo será, y viceversa; y si la tasa periódica es vencida, la tasa nominal también lo será, y viceversa:

$$\begin{aligned}i_{pv} &= i_{nv} / n \\i_{pa} &= i_{na} / n \\i_{nv} &= i_{pv} \times n \\i_{na} &= i_{pa} \times n\end{aligned}$$

i_{pv} : Tasa de interés periódica vencida (% por día, mes, etc.)

i_{nv} : Tasa de interés nominal vencida (% anual)

i_{pa} : Tasa de interés periódica anticipada (% por día, mes, etc.)

i_{na} : Tasa de interés nominal anticipada (% anual)

n : Número de períodos por año (360 días, 12 meses, etc.)

Ejemplo: Encontrar la tasa periódica correspondiente a una tasa nominal del 24% a.m.v.:

$$i_{nv} = 24\% \text{ a.m.v.}$$

$$n = 12 \text{ meses por año}$$

$$i_{pv} = 24\% / 12 = 2\% \text{ m.v.}$$

Ejemplo: Encontrar la tasa nominal correspondiente a una tasa periódica del 10% s.a.:

$$i_{pa} = 10\% \text{ s.a.}$$

$$n = 2 \text{ semestres por año}$$

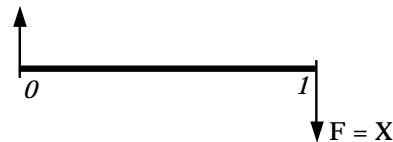
$$i_{na} = 10\% \times 2 = 20\% \text{ a.s.a.}$$

2.6.2 Tasa vencida y tasa anticipada

En la modalidad de interés anticipado, el monto de intereses se paga o se capitaliza al comienzo del período. Para encontrar la equivalencia con el interés vencido se emplea la noción de equivalencia entre un flujo presente y un flujo futuro para un período, como sigue:

$$P = X - i_{pa} X$$

$$P = X (1 - i_{pa})$$



La tasa de interés aparece como un descuento al monto del flujo presente, y por lo tanto no tiene por qué aparecer al final.

Aplicando el concepto de equivalencia se tiene:

$$F = P (1+i_{pv})$$

Reemplazando por las expresiones de F y de P:

$$X = X (1-i_{pa}) (1+i_{pv})$$

$$1 = (1-i_{pa}) (1+i_{pv})$$

$$1 + i_{pv} = 1 / (1-i_{pa})$$

$$i_{pv} = 1 / (1-i_{pa}) - 1$$

$$i_{pv} = (1 - 1 + i_{pa}) / (1-i_{pa})$$

O sea,

$$i_{pv} = i_{pa} / (1-i_{pa})$$

i_{pv} : Tasa de interés periódica vencida (% por día, mes, etc.)

i_{pa} : Tasa de interés periódica anticipada (% por día, mes, etc.)

De la misma manera es posible des-
pejar el valor de i_{pa} :

$$1 = (1-i_{pa}) (1+i_{pv})$$

$$1 - i_{pa} = 1 / (1+i_{pv})$$

$$i_{pa} = 1 - 1 / (1+i_{pv})$$

$$i_{pa} = (1 + i_{pv} - 1) / (1+i_{pv})$$

O sea,

$$i_{pa} = i_{pv} / (1+i_{pv})$$

i_{pv} : Tasa de interés periódica vencida (% por día, mes, etc.)

i_{pa} : Tasa de interés periódica anticipada (% por día, mes, etc.)

Ejemplo: Encontrar la tasa periódica
vencida equivalente a una tasa del
4% t.a.:

$$i_{pa} = 4\% = 0,04$$

$$i_{pv} = 4\% / (1 - 0,04) = \underline{4,17\% \text{ t.v.}}$$

Ejemplo: Encontrar la tasa periódica
anticipada equivalente a una tasa del
9% s.v.:

$$i_{pv} = 9\% = 0,09$$

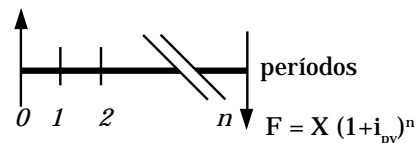
$$i_{pa} = 9\% / (1 + 0,09) = \underline{8,26\% \text{ s.a.}}$$

Cabe anotar que la equivalencia en-
tre tasas anticipada y vencida sólo se
da para tasas periódicas. De hecho la
tasa nominal sólo sirve para encon-
trar la respectiva tasa periódica y no
puede ser operada directamente con
el concepto de equivalencia.

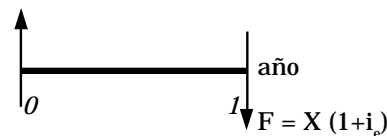
2.6.3 Tasa efectiva y tasa periódica

La tasa efectiva representa una tasa
periódica vencida en la cual el perio-
do es exactamente un año. Para de-
sarrollar la equivalencia entre la tasa
efectiva y la tasa periódica se supo-
ne que un año consta de n períodos:

$$P = X$$



$$P = X$$



Con la misma inversión $P = X$, al cabo
de un año se debe tener la misma can-
tidad de dinero F en los dos planes
presentados en el dibujo de flechas:

$$X(1+i_{pv})^n = X(1+i_e)$$

$$1+i_e = (1+i_{pv})^n$$

Despejando i_e se tiene:

$$i_e = (1+i_{pv})^n - 1$$

i_e : Tasa efectiva de interés (% anual)

i_{pv} : Tasa de interés periódica vencida (% por día, mes, etc.)

Despejando i_{pv} se tiene:

$$i_{pv} = (1+i_e)^{1/n} - 1$$

i_e : Tasa efectiva de interés (% anual)

i_{pv} : Tasa de interés periódica vencida (% por día, mes, etc.)

Ejemplo: ¿Cuál es la tasa efectiva anual correspondiente a una tasa del 2% mensual?

$$i_{pv} = 2\% \text{ mensual} = 0,02$$

$$n = 12 \text{ meses / año}$$

$$i_e = (1+0,02)^{12} - 1$$

$$= 0,26824 = \underline{26,82\% \text{ e.a.}}$$

Ejemplo: ¿Cuál es la tasa trimestral correspondiente a una tasa del 24% e.a.?

$$i_e = 24\% \text{ e.a.} = 0,24$$

$$n = 4 \text{ trimestres / año}$$

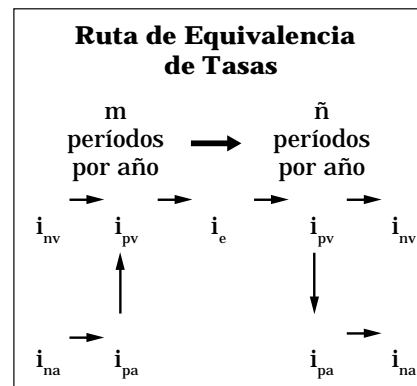
$$i_{pv} = (1+0,24)^{1/4} - 1 = 0,05525$$

$$= \underline{5,53\% \text{ t.v.}}$$

3. LA RUTA DE EQUIVALENCIA DE TASAS

Aunque pueden derivarse más ecuaciones de relación, las formulaciones anteriores de equivalencia de tasas

se consideran fundamentales y dan lugar a la Ruta de Equivalencia de Tasas®, la cual constituye una herramienta nemotécnica para realizar conversión de cualquier clase de tasa de interés a cualquiera otra de una manera sencilla:



®: Diseño del autor

Ejemplo: Encontrar la tasa nominal mes vencido equivalente a una tasa del 30% a.s.a.:

$$i_{na} = 30\% \text{ a.s.a.}$$

$$m = 2 \text{ semestres / año}$$

$$\tilde{n} = 12 \text{ meses / año}$$

$$i_{pn} = ?$$

Con $m = 2$ se pasa de una tasa nominal a una tasa efectiva, atendiendo a la ruta de equivalencia de tasas y de acuerdo con las fórmulas desarrolladas:

$$i_{pa} = 30\% / 2 = 15\% \text{ s.a.}$$

$$i_{pv} = 15\% / (1-0,15) = 17,65\% \text{ s.v.}$$

$$i_e = (1+0,1765)^2 - 1 = 38,41\% \text{ e.a.}$$

Ahora, con $\tilde{n} = 12$ se pasa de la tasa efectiva a la correspondiente tasa nominal vencida:

$$i_{pv} = (1+0,3841)^{1/12} - 1 = 2,75\% \text{ m.v.}$$

$$i_{nv} = 2,75 \times 12 = \underline{32,95\% \text{ a.m.v.}}$$

4. ANEXO:TASAS DE INTERÉS: NOTACIÓN COMERCIAL

Presentación

Como se pudo observar, la declaración del modo de una tasa de interés se tiene mediante la lectura de las siglas que suceden al signo de porcentaje (%). La notación presentada hasta ahora no es la única. Una notación muy utilizada en publicaciones de prensa y en anuncios comerciales es la que se expone a continuación:

- Todas las siglas son letras mayúsculas.
- Sólo reconoce dos tipos de tasa:
Nominal (anualizada)
Efectiva (periódica).
En lugar de los tres tipos de tasa tradicionales:
Nominal (anualizada).
Efectiva (anual).
Periódica.

Equivalencias de notación

Notación clásica	Lectura	Notación comercial
------------------	---------	--------------------

Tasa nominal vencida

% a.d.v.	% a.d.	% anual día vencido	% D.V.
% a.m.v.	% a.m.	% anual mes vencido	% M.V.
% a.t.v.	% a.t.	% anual trimestre vencido	% T.V.
% a.s.v.	% a.s.	% anual semestre vencido	% S.V.
% a.a.v.	% a.v.	% anual vencido	% A.V.

Tasa nominal anticipada

% a.d.a.		% anual día anticipado	% D.A.
% a.m.a.		% anual mes anticipado	% M.A.
% a.t.a.		% anual trimestre anticipado	% T.A.
% a.s.a.		% anual semestre anticipado	% S.A.
% a.a.a.	% a.a.	% anual año anticipado	% A.A.

Tasa periódica vencida

% d.v.	% d.	% diario vencido	% efectivo diario	% E.D.
% m.v.	% m.	% mensual vencido	% efectivo mensual	% E.M.
% t.v.	% t.	% trimestral vencido	% efectivo trimestral	% E.T.
% s.v.	% s.	% semestral vencido	% efectivo semestral	% E.S.
% a.v.	% a.	% anual vencido	% efectivo anual	% E.A.

Tasa efectiva periódica

Tasa periódica anticipada

% d.a. % diario anticipado

% m.a. % mensual anticipado

% t.a. % trimestral anticipado

% s.a. % semestral anticipado

% a.a. % anual anticipado

Tasa periódica anticipada

% diario período anticipado % D.P.A.

% mensual período anticipado % M.P.A.

% trimestral período anticipado % T.P.A.

% semestral período anticipado % S.P.A.

% anual período anticipado % A.P.A.

Tasa efectiva

% e. % e.a. % a.e. % a. % efectivo

Tasa efectiva anual

% efectivo anual % E.A.

BIBLIOGRAFÍA

Álvarez A. *Matemáticas Financieras*. Segunda edición, McGraw Hill. 1999.

Brealey R., Myers S., Marcus A. *Fundamentos de Finanzas Corporativas*. McGraw Hill. 1996.

Buenaventura G. *Matemáticas Financieras*. Segunda edición; Universidad ICESI. 2001.

García J. *Matemáticas Financieras con ecuaciones de diferencia*

finita. Cuarta edición, Pearson. 2000.

Gitman L. *Principles of Managerial Finance*. Ninth Edition, Addison Wesley Longman. 2000.

Linero G. *Matemáticas Financieras Aplicadas*. Artes Gráficas Univalle. 1999.

Villalobos J. L. *Matemáticas Financieras*. Segunda edición; Prentice Hall. 2001 