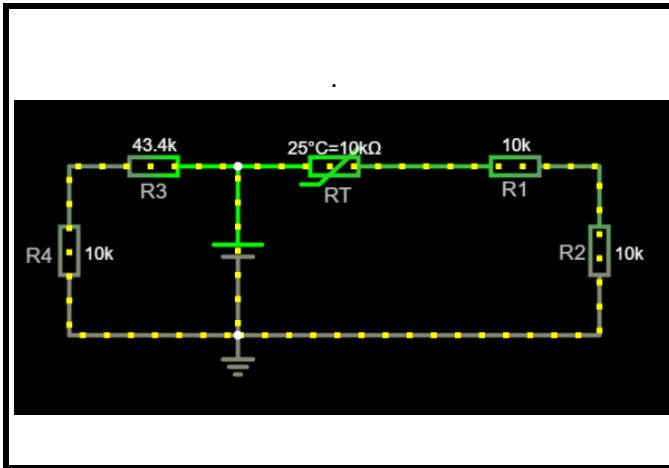


1. El circuito de la figura es un linealizador de la tensión generada por un divisor de tensión en la que participa un termistor NTC. La conversión de resistencia a tensión y la linealización de la tensión se consigue mediante la colocación de una resistencia R_1 en serie con el termistor, otra resistencia R_2 en serie con el conjunto anterior para formar un divisor de tensión y una resistencia adicional R_3 . Se pide:
- a) Determinar los valores de las resistencias R_1 , R_2 y R_3 para conseguir una expresión de la tensión diferencial a la salida del puente sea aproximadamente lineal, según la expresión: $V_d(t) \approx m \cdot (t - t_c) + b$



R1		0,50 puntos
R2		0,50 puntos
R3		0,25 puntos
t_c (°C)	25	
m ($\Omega/^\circ\text{C}$)	100	
b (Ω)	10000	

Ecuaciones de V_d y sus derivadas primera y segunda

$$V_d = V \left[\frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_T} - \frac{R_4}{R_3 + R_4} \right]$$

$$V'_d = V \left[\frac{-R_2 R'_T}{(R_1 + R_2 + R_T)^2} \right]$$

$$V''_d = -V R_2 \left[\frac{R''_T (R_1 + R_2 + R_T)^2 - R'_T 2(R_1 + R_2 + R_T) R'_T}{(R_1 + R_2 + R_T)^4} \right]$$

Condiciones

$$V''_d|_{t_c} = V R_2 \left[\frac{R''_T (R_1 + R_2 + R_T)^2 - R'_T 2(R_1 + R_2 + R_T) R'_T}{(R_1 + R_2 + R_T)^4} \right]_{t_c} = 0$$

$$V'_d|_{t_c} = -V \left[\frac{R_2 R'_T}{(R_1 + R_2 + R_T)^2} \right]_{t_c} = m$$

$$V_d|_{t_c} = V \left[\frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_T} - \frac{R_4}{R_3 + R_4} \right]_{t_c} = b$$

Resolviendo:

A la temperatura t_c (aunque no esté indicado por simplicidad):

$$(R_1 + R_2 + R_T) = \frac{2R'_T R'_T}{R''_T}$$

$$-V \left[\frac{R_2 R'_T}{(R_1 + R_2 + R_T)^2} \right] = m$$

$$V \left[\frac{R_2}{R_1 + R_2 + R_T} - \frac{R_4}{R_3 + R_4} \right] = b$$

Simplificando:

$$-V \left[\frac{R_2 R'_T}{\left(\frac{2R'_T R'_T}{R''_T} \right)^2} \right] = m$$

$$V \left[\frac{R_2}{\frac{2R'_T R'_T}{R''_T}} - \frac{R_4}{R_3 + R_4} \right] = b$$

Hay 4 incógnitas y 3 ecuaciones: Se elige $R_2 = R_4$.

$$R_2 = -\frac{m}{V} \left[\frac{\left(\frac{2R'_T R'_T}{R''_T} \right)^2}{R'_T} \right]$$

$$V \left[\frac{R_2}{\frac{2R'_T R'_T}{R''_T}} - \frac{R_2}{R_3 + R_2} \right] = b$$

$$\frac{R_2}{R_3 + R_2} = \frac{R_2}{\frac{2R'_T R'_T}{R''_T}} - \frac{b}{V}$$

$$R_3 = R_2 \left(\frac{1}{\frac{R_2}{\frac{2R'_T R'_T}{R''_T}} - \frac{b}{V}} - 1 \right)$$

$$R_1 = \frac{2R'_T R'_T}{R''_T} - R_2 - R_T$$