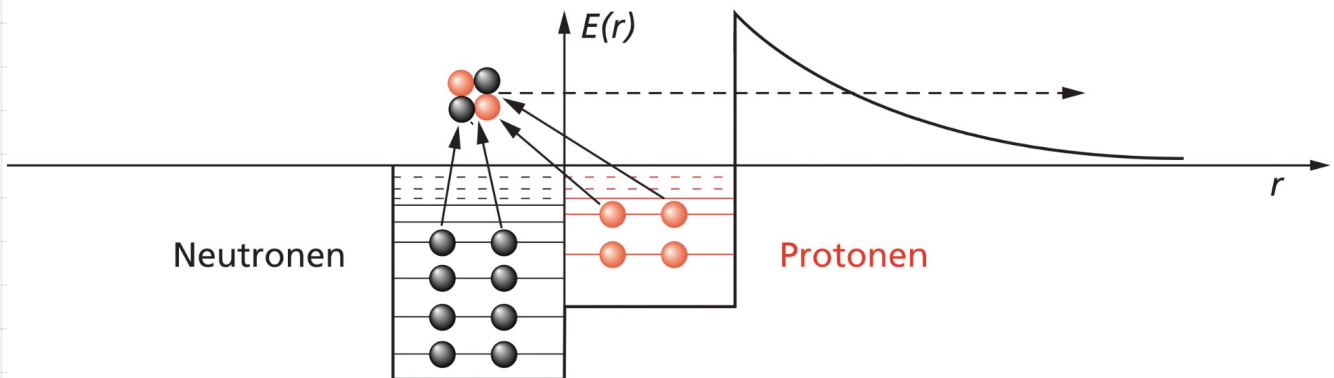


## Erklärung des $\alpha$ -Zerfalls mit Hilfe des Potentialtopf-Modells

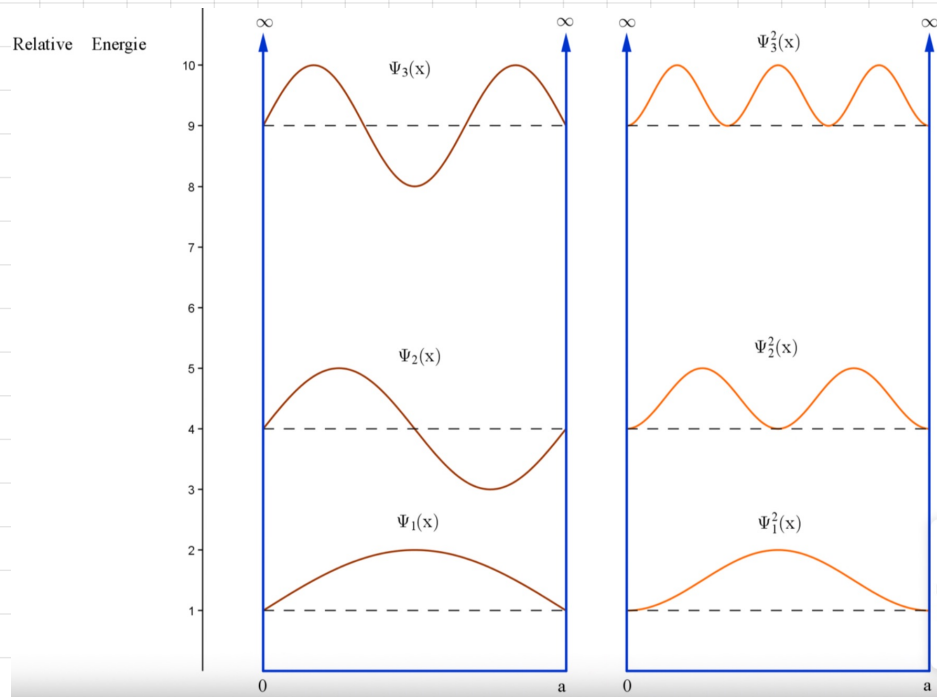


In einem schweren Kern beträgt die Bindungsenergie pro Nukleon bis zu 8 MeV, in einem Alphateilchen dagegen 7 MeV.

Schließen sich zwei Neutronen und zwei Protonen innerhalb eines Kerns zu einem  $\alpha$ -Teilchen zusammen, so gewinnt jedes Nukleon eine Energie von 1 MeV. Das  $\alpha$ -Teilchen liegt dann energetisch über dem Nullniveau und kann mit einer entsprechenden Wahrscheinlichkeit den Coulombwall „durchtunneln“.

# Der Tunneffekt

Inn linearen Potentialtopf wird einem Quant eine Wellenfunktion  $\Psi$  zugeordnet. Die Aufenthaltswahrsch. des Teilchens entspricht dem Quadrat der Funktionswerte.



Hier : Aufenthaltswahrscheinlichkeit an den Rändern :  $|\psi(0)|^2 = 0$   
 $|\psi(a)|^2 = 0$

Aber : „Reale“ Potentialtöpfe sind nicht unendlich tief und die Ränder nicht unendlich breit.

Topf mit unendlicher Höhe	Topf mit endlicher Höhe
Die Barrieren sind undurchdringlich.	Die $[\Psi_2(x)]^2$ -Funktionen erstrecken sich auch in die verbotenen Bereiche.

Die Wahrscheinlichkeitsfunktionen nehmen in einem endlich tiefen Potentialtopf nicht den Wert null an, sondern fallen nach außen hin exponentiell ab.

Damit gilt : Auch außerhalb eines Potentialtopfs mit endlich hohen Wänden gibt es eine von null verschiedene Aufenthaltswahrscheinlichkeit für die Quanten.

Je größer die Energie des Teilchens und je niedriger die Potentialwand, desto größer ist auch die Wahrscheinlichkeit, das Teilchen außerhalb des Potentialtopfs anzutreffen.

## "Anschauliche" Begründung:

Eine Konsequenz der Unschärferelation Heisenbergs ist, dass sich Quanten für kurze Zeit Energie vom Universum "ausleihen" können.

Zur Erinnerung:  $\Delta E \cdot \Delta t \approx h$  bzw.  $\Delta E \cdot \Delta t \geq \frac{h}{4\pi}$

Mit einer gewissen Wahrscheinlichkeit kann sich das  $\alpha$ -Teilchen daher die fehlende Energie "ausleihen".

Das erklärt die unterschiedlichen Halbwertszeiten: Je größer die auszuliehende Energie, desto geringer die Wahrscheinlichkeit für den Tunneleffekt und desto länger die Halbwertszeit.

Für  $U-228$  beträgt diese bloß 9,1 min, für  $U-238$  bereits 4,5 Milliarden Jahre.

Grund für diesen großen Unterschied: Im ersten Fall muss sich das  $\alpha$ -Teilchen viel weniger Energie ausleihen.